

Часть I. Математика

Задание 1. Теоретический вопрос.

Вероятностное пространство. Независимые события. Теорема сложения. Условная вероятность. Полная система событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.

Задание 2. Теоретический вопрос.

Производная и дифференциал. Достаточные и необходимые условия дифференцируемости функции в точке. Достаточные и необходимые условия интегрируемости функции. Исследование функции одной переменной с помощью производных.

Задание 3. Задача.

В классе больше 30, но меньше 40 человек. Каждый мальчик дружит с тремя девочками, а каждая девочка – с пятью мальчиками.

Сколько человек в классе?

Задание 4. Задача.

Школьник Ваня приболел, и его мама решила вызвать врача домой. У врача есть статистика по району, где живет Ваня. У 90% больных детей этого района — грипп, у остальных 10% — ветрянка. Других болезней в этом районе не зафиксировано. Один из основных симптомов ветрянки – это сыпь, она появляется в 95% случаях заболевания ветрянкой. Однако, во время гриппа она тоже возможна и появляется в 8% случаях. Осмотрев Ваню, врач обнаружил сыпь.

Какова вероятность того, что у Вани ветрянка?

Задание 5. Задача.

В разложении многочлена $(1+2x^2-3x^4)^{10}$ найдите коэффициент при x^8 . В ответе укажите число.

Часть II. Программирование и алгоритмы

Задание 1. Задача.

Напишите программу, которая получает на вход натуральное число N и выводит максимальное K , такое что N делится на p^k , где p - простое число.

Задание 2. Задача.

Дано число, представленное n цифрами в d -ичной записи без ведущих нулей. Придумайте, как вычеркнуть из записи числа ровно k цифр так, чтобы результат был максимальным.

Часть III. Биология**Задание 1. Задача.**

У овец черная окраска шерсти рецессивна по отношению к белой.

От скрещивания белого самца и самки родился один белый ягненок.

С какой особью (по фенотипу, по генотипу) его надо скрестить, чтобы выяснить, является ли он носителем аллеля чёрной окраски? Каким будет разделение ягнят по цветам в потомстве, если рождённый ягненок гетерозиготен?